

量子計算概論

鍾豪

中央研究院資訊所研究助理

講者介紹 Speaker

現職：中研院資訊所研究助理

- 研究領域：區塊鏈、量子密碼

學歷：台大物理學士、台大電機碩士

Google 做了什麼事？

什麼是量子霸權？

What Google's Quantum Supremacy Claim Means for Quantum Computing

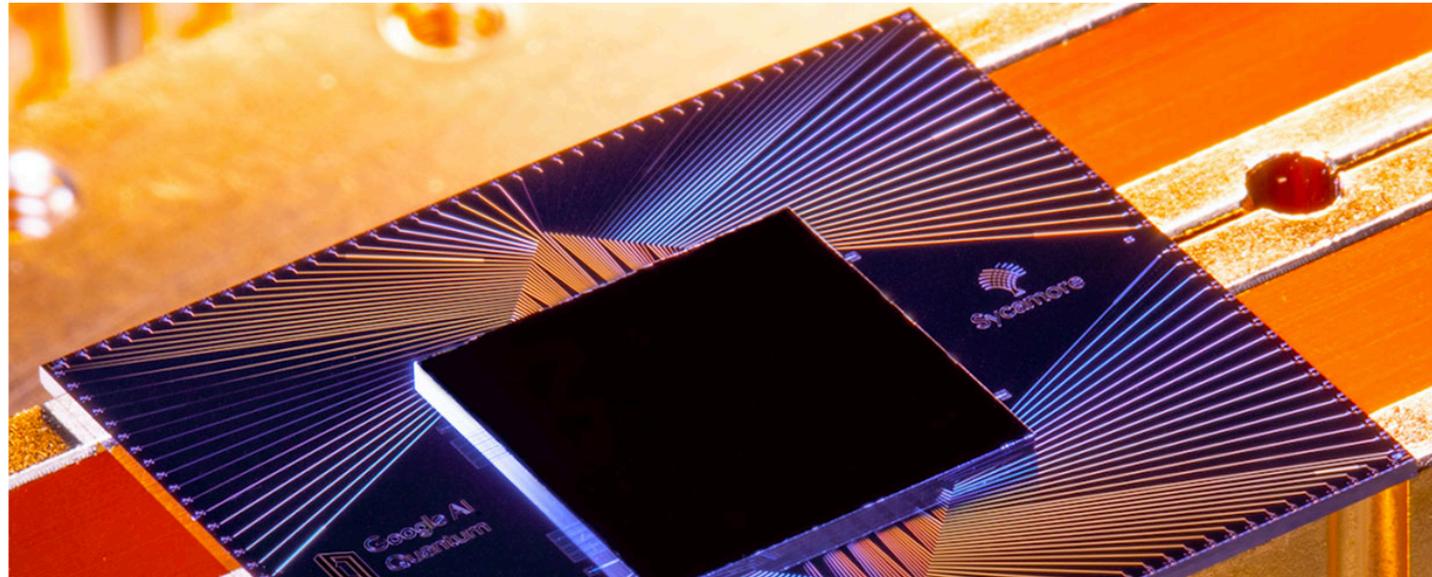
什麼是量子計算？

Leaked details about Google's quantum supremacy experiment stirred up a media frenzy about the next quantum computing milestone

量子電腦能做什麼事？

By Jeremy Hsu

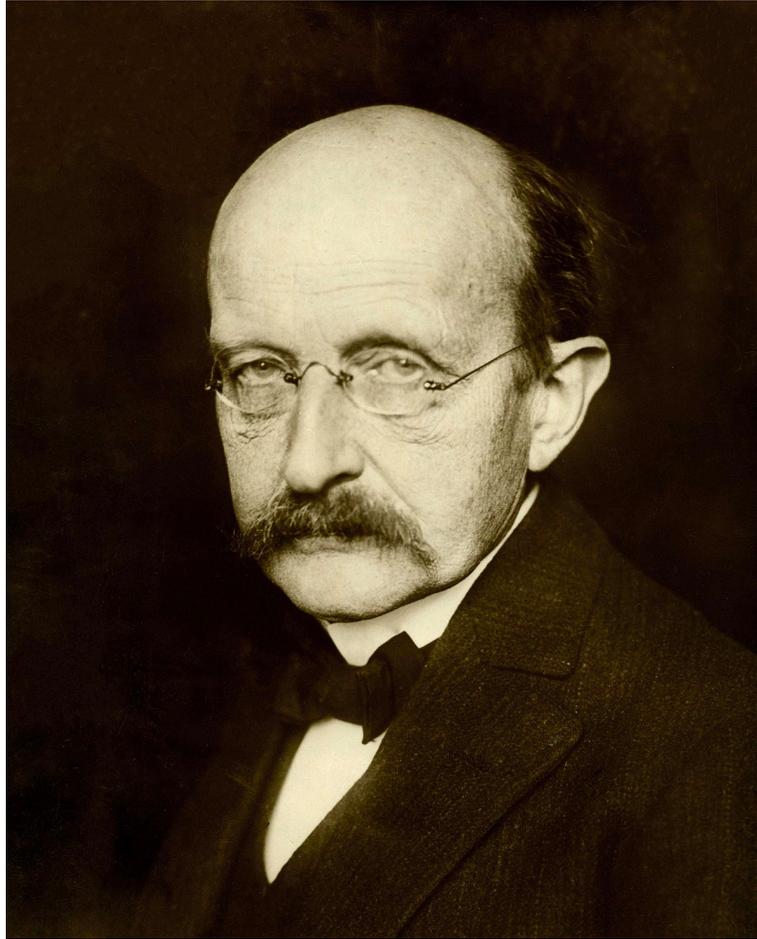
我們的網際網路還是安全的嗎？



大綱 Outline

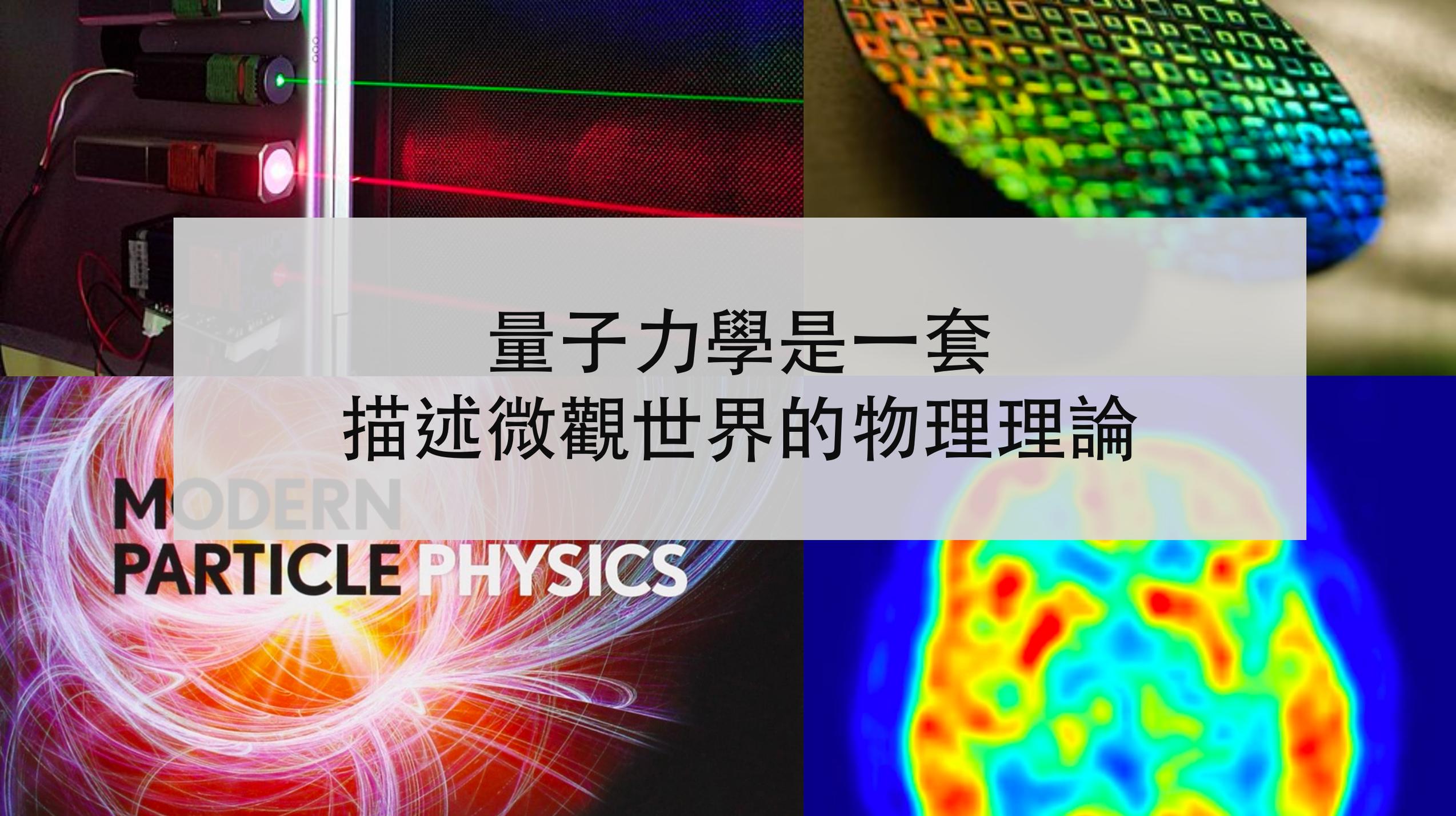
1. 什麼是量子？
2. 量子系統的威力與代價：疊加與糾纏
 - 量子電腦的優勢：模擬量子系統
 - 量子電腦的優勢：量子演算法
3. 量子電腦的迷思

What is QUANTUM?



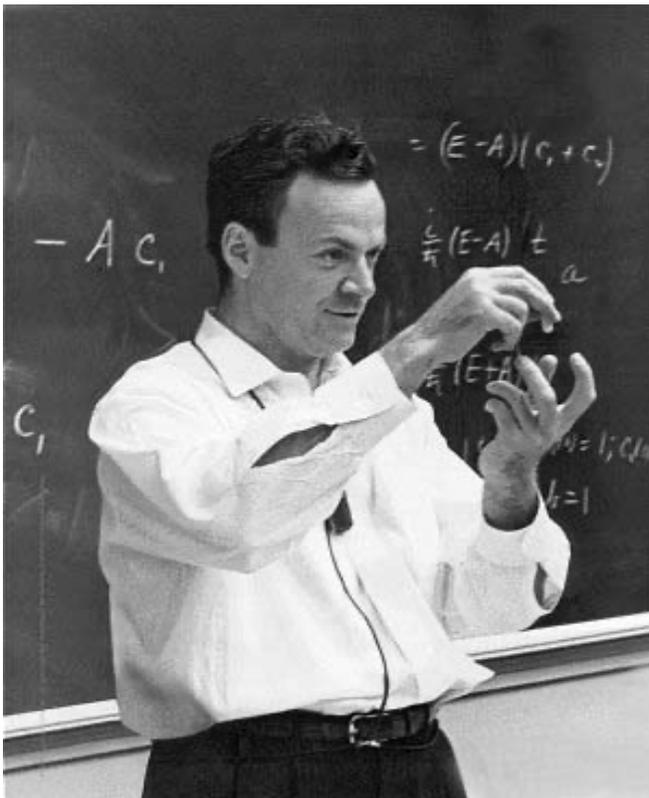
Max Planck (1858-1947)

$$E = nh\nu$$



量子力學是一套
描述微觀世界的物理理論

MODERN
PARTICLE PHYSICS



Richard Feynman (1918-1988)
於1982年首度提出量子電腦的構想

therefore, the problem is, **how can we simulate the quantum mechanics?** There are two ways that we can go about it. We can give up on our rule about what the computer was, we can say: **Let the computer itself be built of quantum mechanical elements which obey quantum mechanical laws.** Or

概念上是讓電腦本身具有量子的特性

大綱 Outline

1. 什麼是量子？
2. 量子系統的威力與代價：疊加與糾纏
 - 量子電腦的優勢：模擬量子系統
 - 量子電腦的優勢：量子演算法
3. 量子電腦的迷思

符號 Notation

在量子計算中，我們會使用狄拉克記號 “ $|\cdot\rangle$ ” 來代表一個系統的「狀態」

比方說，一個銅板的狀態可能為

$|\text{正面}\rangle$ 或 $|\text{反面}\rangle$.

又或者，一顆骰子的狀態可能為

$|1\rangle, |2\rangle, |3\rangle, |4\rangle, |5\rangle$ 或 $|6\rangle$.

一個**量子位元 (qubit)** 就是任何具有兩種狀態的量子系統，通常寫為

$|0\rangle$ 或 $|1\rangle$.

Superposition

古典銅板 Classical Coin



一個古典銅板當下的狀態只能是
「正面」或是「反面」其中一種

$\frac{1}{2}$: Tail

$\frac{1}{2}$: Head

量子銅板 Quantum Coin



一個量子銅板當下的狀態可以「同時」處於正面及反面的疊加態

$$\frac{1}{\sqrt{2}} |\text{Head}\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |\text{Tail}\rangle$$

疊加 Superposition

一個古典位元只能是「0」或是「1」

一個量子位元 (qubit) 可以處於「0」與「1」的疊加態

$$\alpha|0\rangle + \beta|1\rangle.$$

當我們測量時，會以 $|\alpha|^2$ 的機率得到「0」，以 $|\beta|^2$ 的機率得到「1」

- 由於機率和必為1，所以 α 與 β 有以下關係

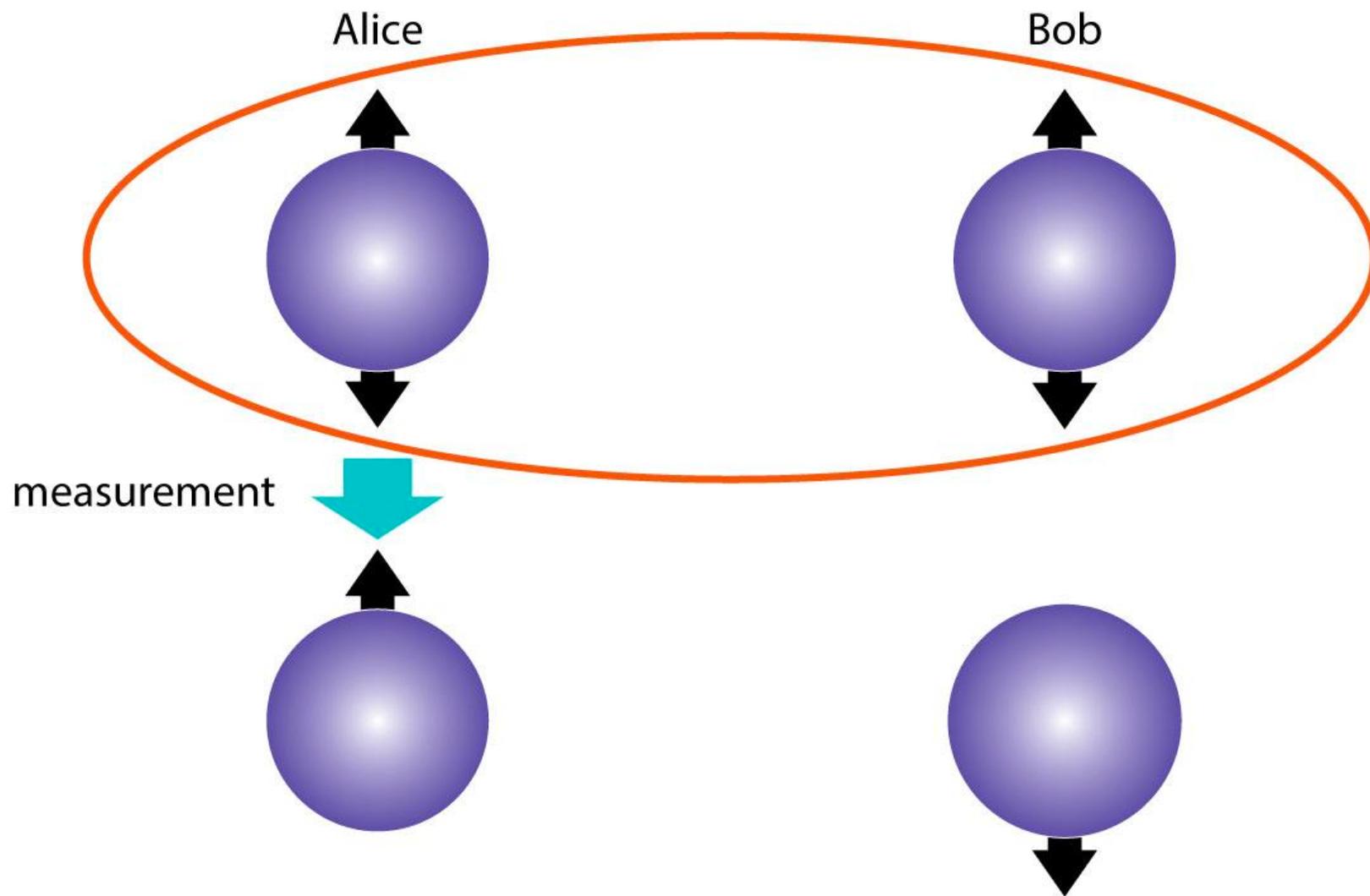
$$|\alpha|^2 + |\beta|^2 = 1.$$

對於一個量子位元，我們需要兩個數字 (α, β) 來描述

假設我們有 20 個量子位元，那麼需要幾個數字才能描述呢？

Entanglement

糾纏 Entanglement



糾纏 Entanglement

由於量子系統有可能互相糾纏的關係，我們必須將整個系統視為一個整體

因此，要描述一個「三個 qubits」的系統，其量子態為

$$a_0|000\rangle + a_1|001\rangle + a_2|010\rangle + a_3|011\rangle + a_4|100\rangle + a_5|101\rangle + a_6|110\rangle + a_7|111\rangle$$

我們需要 8 個數字才能描述「三個 qubits」的系統，而非 $2 \times 3 = 6$ 個數字

因此，當量子系統規模大時，古典電腦就難以儲存且運算該系統

量子電腦優勢：模擬量子系統

要描述一個 n 量子位元的量子系統，需要 2^n 個係數

但是，量子電腦並非在這些係數上運算，而是將量子位元直接設定成系統的量子態，並指定計算 (演化) 過程

因此，要模擬一個 n 量子位元的量子系統，邏輯上只需要 n 個量子位元

量子電腦優勢：量子平行計算

$$|x\rangle \rightarrow \boxed{f} \rightarrow |f(x)\rangle$$

如果我們有個 n 量子位元的系統，並將初始狀態設為 $\frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{x=0}^{2^n-1} |x\rangle$

則運算完後，我們可以得到

$$\frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{x=0}^{2^n-1} |f(x)\rangle$$

2^n 個函數值在疊加態中，
被一口氣運算出來

量子電腦優勢：量子平行計算

假設 $f(x) = 3x + 1$ ，且設定初始狀態為

$$|\psi\rangle = \frac{1}{2}(|0\rangle + |1\rangle + |2\rangle + |3\rangle)$$

則經過量子運算後，我們可得

$$|\psi'\rangle = \frac{1}{2}(|0\rangle + |4\rangle + |7\rangle + |10\rangle)$$

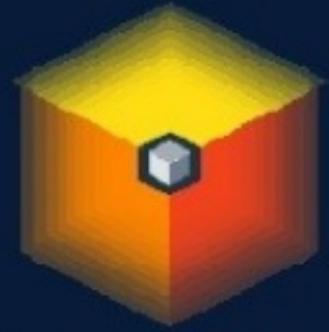
但是，測量時只能得到其中一種狀態
問題在於，要如何取得我們有興趣的答案？

量子電腦優勢：量子平行計算

「量子平行」是利用疊加的特性，
達到一次操作即可同時計算多個疊加態

大多數量子演算法的設計巧妙在於
「如何操控係數，使我們測量到需要的結果」

Fields of Application



Cryptography 破密

- Quantum computers have the potential to keep private data safe from snoops and hackers, no matter where it is stored or processed.



Medicine & Materials 製藥、材料化學

- A quantum computer mimics the computing style of nature, allowing it to simulate, understand and improve upon natural things—like molecules, and their interactions.



Machine Learning 機器學習演算法

- Research indicates that quantum computing could significantly accelerate machine learning and data analysis tasks.



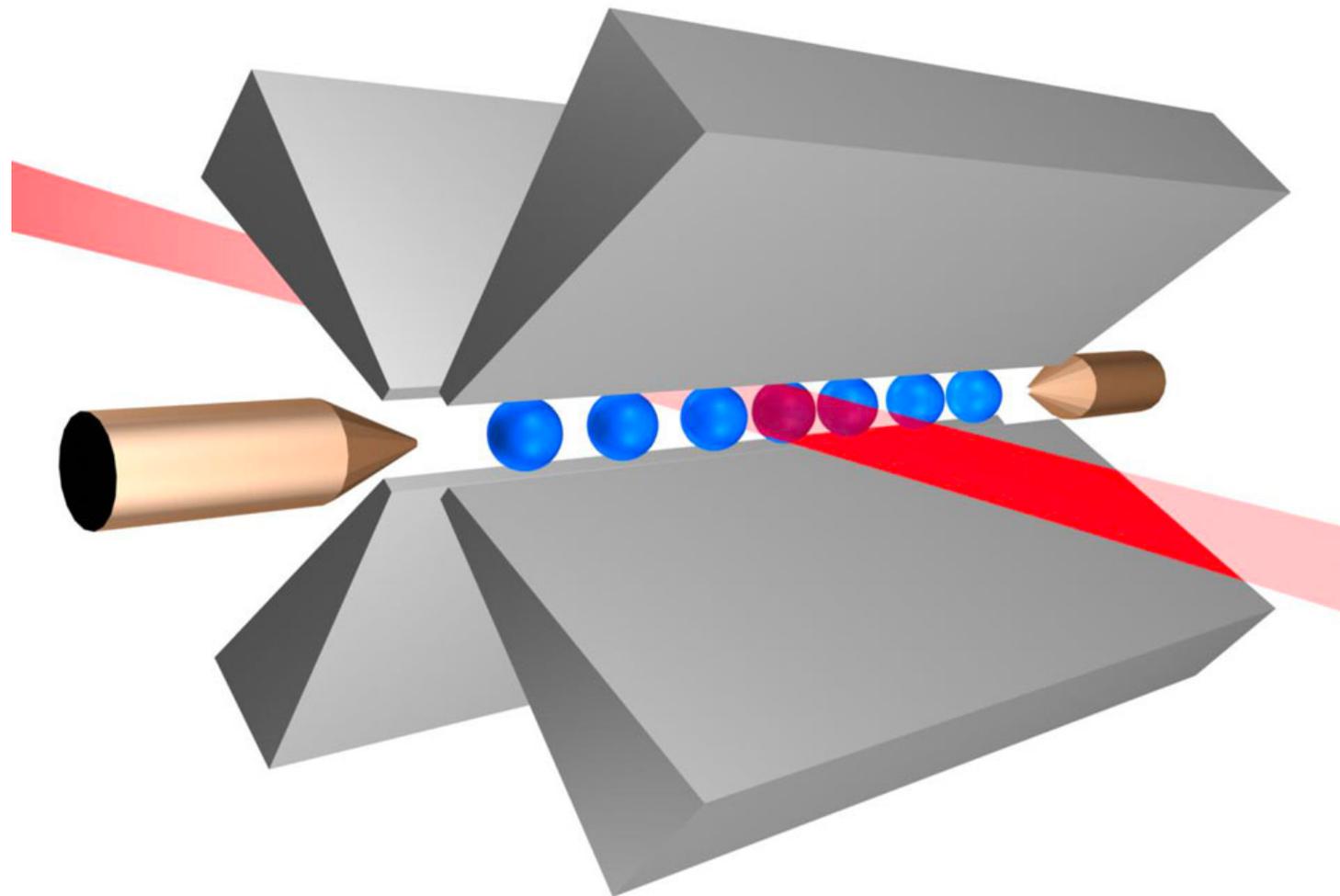
Searching Big Data 搜尋問題

- Quantum computing can search the ever-growing amount of data being created, and locate connections within it, significantly faster than classical computers, that will have tremendous impact across many industries.

大綱 Outline

1. 什麼是量子？
2. 量子系統的威力與代價：疊加與糾纏
 - 量子電腦的優勢：模擬量子系統
 - 量子電腦的優勢：量子演算法
3. 量子電腦的迷思

離子阱



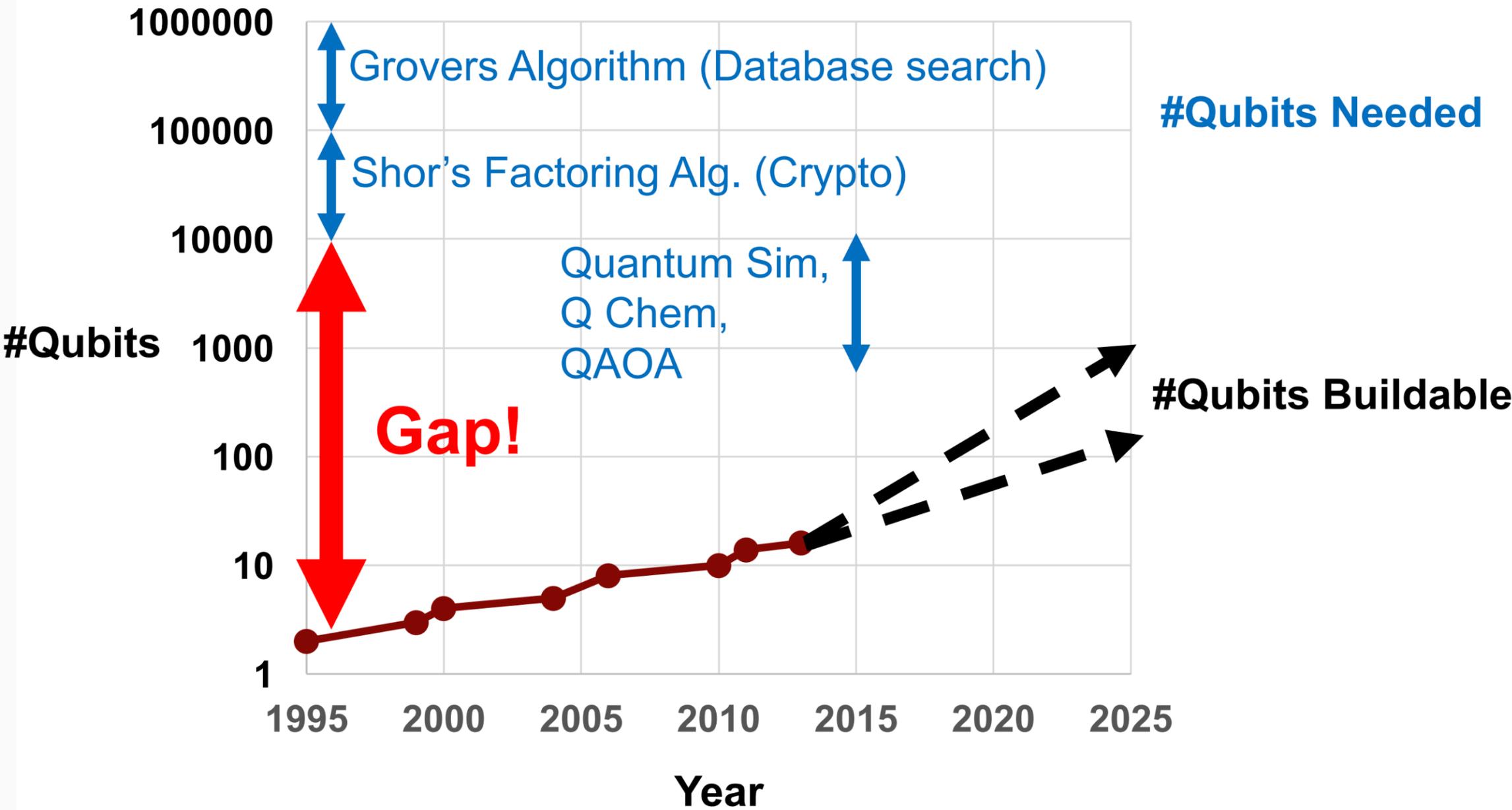
量子電腦的挑戰

演算法上，量子電腦只對特定某些問題，有相較古典演法上有優勢

- 例如：模擬量子系統、質因數分解 (Shor algorithm)、search problem (Grover algorithm)

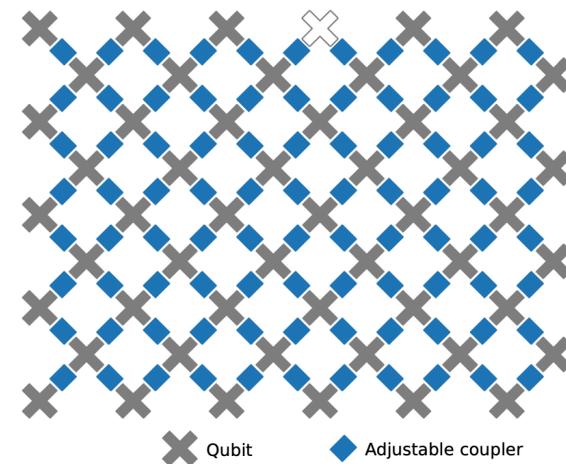
實作上，量子位元的數量及穩定度不夠

- 數量而言，要能建構出數量龐大，又可以讓任意兩個位元糾纏，工程難度高
- 穩定度而言，量子位元容易被環境雜訊干擾。因此，需要容錯計算
- 若使用容錯計算，需要以數百或數千個實體位元才能實作一個邏輯位元

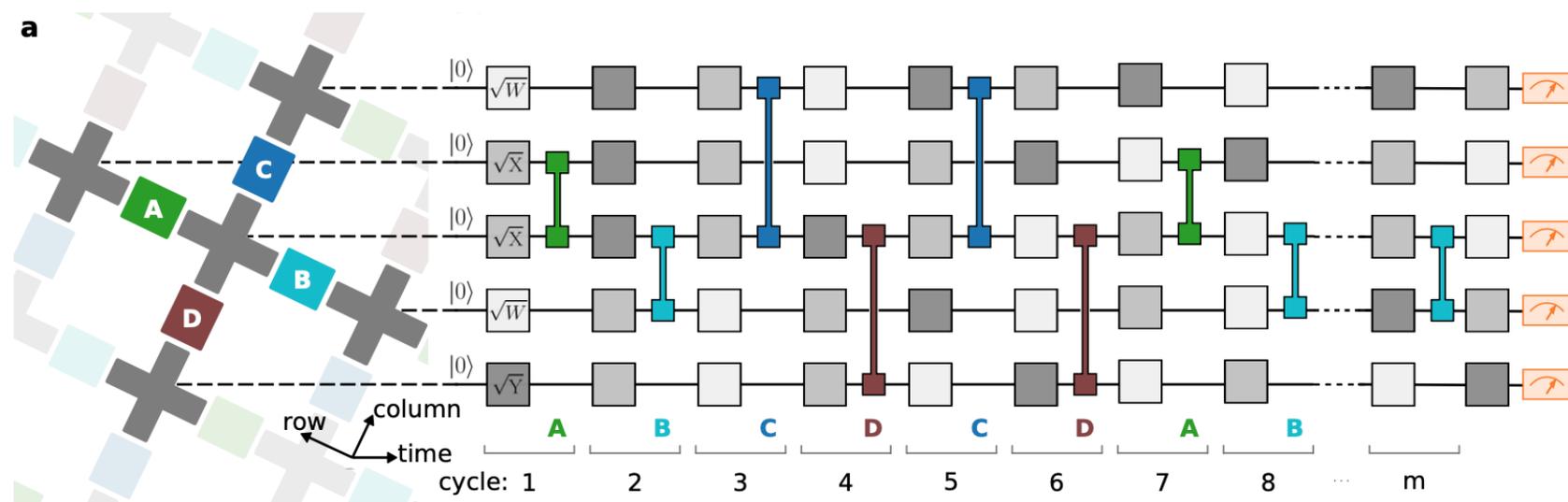


copy from: "Quantum Computing is Getting Real", by prof. Fred Chong at University of Chicago

Google 做了什麼？



- Google 使用 53 qubits 的量子電腦
- 隨機指定約20層的量子閘 (quantum gate)，並測量其運算結果
- 該計算可視為「從特定分布當中抽樣」(即特定分布的亂數產生器)
- 實驗重複一百萬次



量子電腦的迷思

Q: 量子電腦會不會取代傳統電腦、打敗超級電腦？

- A: 不會，量子電腦僅在特定問題上有優勢

Q: 網際網路還安全嗎？

- A: 安全，就算不安全也不是量子電腦害的 XD
- 量子電腦要破解現今使用的密碼系統，需要數十萬左右的實體量子位元
- 目前 NIST 已經在徵選「可以抵擋量子演算法的密碼系統」